

Meccanica Gravitazionale

Quale velocità V_i , in m/s, bisogna imprimere ad un satellite, lanciato dalla superficie della terra, per portarlo ad un'orbita $R=20000 \cdot 10^3$ m dal centro della terra?

($G=6,67 \cdot 10^{-11}$ Nn²/Kg², $M_r=5,98 \cdot 10^{24}$ Kg, $R_t=6300 \cdot 10^3$ m)

($V_i=1,03 \cdot 10^4$ m/s)

dal principio di conservazione dell'energia meccanica.

$$K+U = \text{cost.}$$

$$K_i + U_i = K_f + U_f$$

$$\frac{1}{2} v_i^2 m + \left(-G \frac{Mm}{R_t} \right) = \frac{1}{2} m v_f^2 + \left(-G \frac{M \cdot m}{R} \right)$$

$$v_i^2 = v_f^2 + GM \left(\frac{1}{R_t} - \frac{1}{R} \right)$$

La v_f è data da:

$$F_N = F_c$$

$$G \frac{M \cdot m}{R^2} = m \cdot \frac{v_f^2}{R} \Rightarrow v_f^2 = \frac{G \cdot M}{R} = \frac{6,67 \cdot 10^{-11} \cdot 5,98 \cdot 10^{24}}{20 \cdot 10^6} = 1,99 \cdot 10^6 \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}$$

$$v_i^2 = \frac{2G \cdot M}{2R} + 2GM \left(\frac{1}{R_t} - \frac{1}{R} \right) = 2GM \left(\frac{1}{2R} + \frac{1}{R_t} - \frac{1}{R} \right) = \frac{2GM}{R} \left(\frac{1}{2} + \frac{R}{R_t} - 1 \right)$$

$$v_i = 1,03 \cdot 10^4 \text{ m/s}$$

Q. d'Annibale